

2025年度 入学試験 **数学** 問題冊子

早稲田大学系属 早稲田渋谷シンガポール校

試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開かず、下記の注意事項をよく読んでください。

注意事項

1. 問題は、本冊子の p. 1～p. 6 となります。
2. 解答は、別紙の解答用紙に記入してください。
3. 「始め」の合図があるまで、問題冊子、解答用紙を開かないでください。
4. 監督者が「始め」の合図をしてから、問題冊子と解答用紙に、受験番号と氏名を記入してください。
5. 解答中に何か用事がある場合は、黙って手をあげてください。
6. 解答中に問題冊子や解答用紙の汚れ、印刷の不鮮明な箇所に気付いた場合は、黙って手をあげ監督者に申し出てください。
7. 「止め」の合図で筆記用具を置き、監督者の指示に従って解答用紙の回収を待ってください。
8. 問題冊子も回収します。持ち帰らないでください。

※解答上の注意

試験中に紙をやぶるなどして図形を作ってははいけません。
解答欄には答えのみを最も簡単な形で記入してください。
分数を答えるときは、それ以上約分できない分数で、
 $\sqrt{\quad}$ を用いて答えるときは、分母に $\sqrt{\quad}$ を含まない形で、
比を答えるときは、最も簡単な整数比で答えてください。

受験番号						氏名

[余白]

1

次の問いに答えなさい。

(1) $\{(-2)^3 - 4 \times (-5)\} \div \left(\frac{1}{4} - 1\right)$ を計算しなさい。

(2) $x^2 - 14x - 32$ を因数分解しなさい。

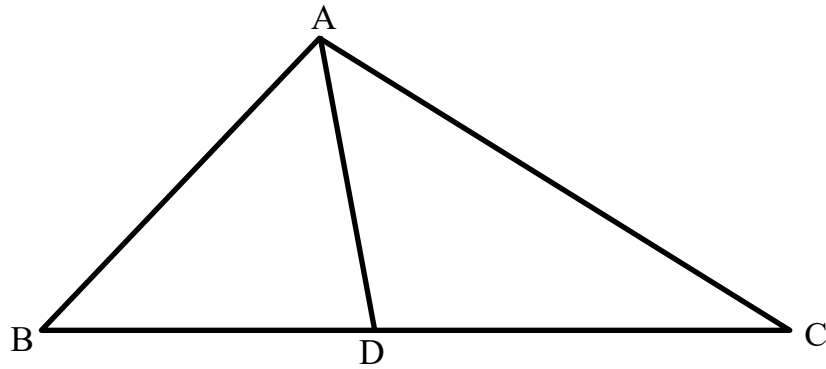
(3) 連立方程式 $\begin{cases} x + \sqrt{2}y = 1 \\ \sqrt{2}x - y = 1 \end{cases}$ を解きなさい。

(4) 2次方程式 $(x+1)^2 = 3$ を解きなさい。

(5) 下のデータは、9人の生徒がそれぞれ100点満点の試験を行ったときの得点を記録したものである。このデータに、新たにAさんの得点の記録を加えると、中央値が58点になった。Aさんの得点として考えられるもののうち最大の値を答えなさい。

42, 48, 78, 54, 69, 91, 82, 62, 52 (単位: 点)

- (6) 下の図において、 $\triangle ABC$ と $\triangle DAC$ が相似であり、かつ $AC = \sqrt{15}$ 、 $BD = 2$ であるとき、辺 BC の長さを求めなさい。



- (7) 1から7までの整数が1つずつ記入された7枚のカードから同時に2枚取り出すとき、その2枚のカードに書かれている数の和が3の倍数である確率を求めなさい。

- (8) 2025を異なる2つの自然数の積で表したとき、その2数の和の最小値を求めなさい。

2

xy 座標平面上に、放物線 $C: y = ax^2$ がある。この放物線 C 上の点 $P(2\sqrt{2}, 1)$ を通る直線を l とし、直線 l と y 軸との交点を Q とする。また、放物線 C と直線 l の2つの交点のうち点 P でない方の点を R とすると、点 R の x 座標は、点 P の x 座標よりも小さくなった。さらに、点 P から x 軸に引いた垂線と x 軸との交点を S 、点 R から x 軸に引いた垂線と x 軸との交点を T とすると、 $PS + RT = 5$ となった。このとき、次の問いに答えなさい。

(1) 定数 a の値を求めなさい。

(2) 点 Q の座標を求めなさい。

(3) 点 Q を通り、四角形 $PRTS$ の面積を2等分する直線の方程式を求めなさい。

3

1辺の長さが9の立方体の形をした木材が1つある。

この立方体の6つの面すべてに赤色を塗った後、この立方体をさらに細かく等分割し、1辺の長さが3の立方体を作るとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 1辺の長さが3の立方体は最大 a 個できる。定数 a の値を求めなさい。
- (2) (1) でできた a 個の立方体をすべて1つの袋の中に入れた後、よく混ぜてからその袋の中から立方体を1つ取り出す。このとき、赤色の面の数がちょうど2の立方体を取り出す確率を求めなさい。
- (3) (1) でできた a 個の立方体をすべて1つの袋の中に入れた後、よく混ぜてからその袋の中から立方体を2つ取り出す。このとき、赤色の面の数の和がちょうど3となるように取り出す確率を求めなさい。

4

ビーカーAには6%の食塩水500グラムが、ビーカーBには10%の食塩水100グラムが入っている。このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) ビーカーAの食塩水から10グラムと、ビーカーBの食塩水から30グラムを取り出して混ぜると $a\%$ の食塩水ができる。このとき、定数 a の値を求めなさい。
- (2) 「ビーカーAの食塩水から b グラムを捨てて、代わりに b グラムの水を加えてよくかき混ぜる」という作業をちょうど2回行った。その後、ビーカーAの食塩水中に含まれる食塩の量を調べると19.2グラムであった。このとき、定数 b の値を求めなさい。
- (3) 「ビーカーBの食塩水から c グラムを捨てて、代わりに c グラムの水を加えてよくかき混ぜる」という作業をちょうど2回行おうとしたが、2回目の水を加えるべきところで誤って5%の食塩水を c グラム加えてしまった。その結果、ビーカーBの食塩水の濃度が7.4%になった。このとき、定数 c の値を求めなさい。

5

下の図のように、点 O を中心とする半径 $\frac{5}{2}$ の円周上に 4 点 A, B, C, D がある。

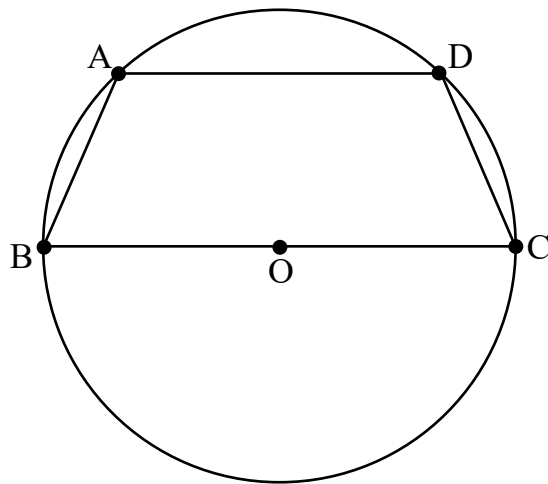
四角形 $ABCD$ は $AD \parallel BC$ の台形であり、 $AB = \sqrt{5}$ 、 $AC = 2\sqrt{5}$ であり、辺 BC は円の中心 O を通っている。また、点 A から辺 BC に垂線 AH を下ろすと、 $AH = 2$ であった。このとき、次の問いに答えなさい。

(1) 台形 $ABCD$ の面積を求めなさい。

(2) 2 つの線分 AC, OD の交点を E とするとき、三角形 EOC の面積を求めなさい。

(3) 点 D を通り、直線 AC と平行な直線と辺 BC の C の延長との交点を F とする。

いま、線分 AB の中点 P と、線分 DF 上の点 Q に対して、線分 PQ が四角形 $ADFB$ の面積を 2 等分するとき、線分 DQ の長さを求めなさい。



1

(1)	(2)	
(3) $(x, y) = (\quad , \quad)$	(4) $x =$	
(5) <div style="text-align: right;">(点)</div>	(6) $BC =$	
(7)	(8)	

2

(1) $a =$	(2) $Q(\quad , \quad)$	
(3)		

3

(1) $a =$	(2)	
(3)		

4

(1) $a =$	(2) $b =$	
(3) $c =$		

5

(1)	(2)	
(3) $DQ =$		

受験番号						氏名	